ts Types Références Structures Récursivité Exercices Tris de liste Objet Extra

Formation Python ILL

Structures de données et algorithmique

Matthieu Moy
Transparents originaux : Ahmed El Rheddane

Ensimag, Grenoble INP

octobre 2016



Sommaire

- Programmation multi-fichiers : Imports
- Types des expressions
- Références vs. valeurs
- Structures de données
- Fonctions récursives
- Exercices
- Tris de liste
- Quelques mots sur la programmation objet
- Si le temps le permet ...



Sommaire

- Programmation multi-fichiers: Imports



Programmation multi-fichiers

• Créer un fichier bonjour.py, y définir la fonction :

```
def dire_bonjour(nom):
    print "Bonjour", nom
```

 Créer un fichier principal.py dans le même répertoire, et écrire le programme :

```
print "Je vais dire bonjour"
dire_bonjour("à tous")
```

- \Rightarrow Ça ne marche pas, Python ne sait pas où trouver la fonction dire_bonjour.
- Modifier principal.py:

```
import bonjour
```

```
print "Je vais dire bonjour"
bonjour.dire_bonjour("à tous")
```



Deux façons d'utiliser import

Celui qu'on vient de voir :

import bonjour

```
# ''La fonction dire_bonjour du module bonjour''
bonjour.dire bonjour("à tous")
```

Petit raccourci (pratique, mais pas forcément recommandable) :

```
from bonjour import *
# Ou bien: from bonjour import dire_bonjour
# ''La fonction dire_bonjour,
# là où Python la trouvera''
dire_bonjour("à tous") # Pas besoin de préciser
```

- Utilisations:
 - structurer un programme
 - réutiliser des bibliothèques



ports Types Références Structures Récursivité Exercices Tris de liste Obiet Extra

Petit échauffement

Combien y a-t-il de zéros dans factorielle 2016?



ports Types Références Structures Récursivité Exercices Tris de liste Obiet Extra

Petit échauffement

- Combien y a-t-il de zéros dans factorielle 2016?
- Faut-il encore recoder la fonction factorielle?



Petit échauffement

- Combien y a-t-il de zéros dans factorielle 2016?
- Faut-il encore recoder la fonction factorielle?
 - Non, on peut la réutiliser si on l'a déjà dans un fichier .py, ou utiliser la bibliothèque math, qui contient une fonction factorial.
- Indice supplémentaire :
 - Utiliser la fonction count des chaînes de caractères



Solution: combien de zeros dans 2016!

Réponse :

```
>>> from math import factorial
>>> str(factorial(2016)).count("0")
1006
```

Des entiers non-bornés!

```
>>> 2 ** 32
4294967296
>>> 2 ** 32 + 1
4294967297
>>> 2 ** 64
18446744073709551616
>>> 2 ** 64 + 1
18446744073709551617
>>> 2 ** 129
680564733841876926926749214863536422912
```



Types Références Structures Récursivité Exercices Tris de liste Objet Extra

Sommaire

Programmation multi-fichiers : Imports

2 Types des expressions

Références vs. valeur

4 Structures de données

5 Fonctions récursives

6 Exercices

Tris de liste

Quelques mots sur la programmation objet

9 Si le temps le permet ...



Types en Python

Toute expression Python a un type :

```
>>> a = [0, 1, 1.]
>>> type(a)
<class 'list'>
>>> type(a[1] + a[2])
<class 'float'>
```



Types en Python

Toute expression Python a un type :

```
>>> a = [0, 1, 1.]
>>> type(a)
<class 'list'>
>>> type(a[1] + a[2])
<class 'float'>
```

Même une fonction qui ne retourne pas de valeur!

```
>>> def affichage():
... print "Bonjour"
...
>>> type(affichage())
Bonjour
<class 'NoneType'>
```



Types Références Structures Récursivité Exercices Tris de liste Objet Extra

Sommaire

- Programmation multi-fichiers : Imports
- 2 Types des expressions
- 3 Références vs. valeurs
- Structures de donnée
- 6 Fonctions récursives
- 6 Exercices
- Tris de liste
- Quelques mots sur la programmation obje
- 9 Si le temps le permet ...



Références en Python (1)

Considérons les deux listes :

>>>
$$a = [0, 1, 1]$$

>>> $b = [0, 1, 1]$

a et b sont-elles égales ?



Références en Python (1)

Considérons les deux listes :

>>>
$$a = [0, 1, 1]$$

>>> $b = [0, 1, 1]$

a et b sont-elles égales ?



Références en Python (1)

Considérons les deux listes :

>>>
$$a = [0, 1, 1]$$

>>> $b = [0, 1, 1]$

a et b sont-elles égales?

Pourtant, a et b référencent deux objets différents.

>>>
$$a[0] = -42$$

>>> b
[0, 1, 1]

Pour visualiser ça :

http://pythontutor.com/visualize.html



Références en Python (2)

• Pour vérifier l'identité (l'égalité des références), on utilise is.



Références en Python (2)

• Pour vérifier l'identité (l'égalité des références), on utilise is.

Maintenant que a et b désignent le même objet :



Références en Python (3)

Considérons cet exemple :



Références en Python (3)

Considérons cet exemple :

Si, maintenant, on affectait la case (0,0) :

Argh! Comment expliquer ca?



Références en Python (3)

Considérons cet exemple :

• Si, maintenant, on affectait la case (0,0):

```
>>> m[0][0] = 1
>>> m
[[1, 0], [1, 0]]
```

- Argh! Comment expliquer ça?
- Python va d'abord évaluer l'expression [[0]*2], et comme c'est une liste va utiliser la référence du résultat pour l'opération suivante



Références et fonctions

• Que font les morceaux de code :

```
def ajoute_un(x):
    x = x + 1

a = 1
    ajoute_un(a)
    print a
def ajoute_un_l(liste):
    liste[0] = liste[0] + 1

li = [1]
ajoute_un_l(li)
print li[0]
```

- Expérimenter sur http://pythontutor.com/ pour comprendre la différence.
- Du coup, comment faire la fonction a joute_un en Python?



Tout est référence, mais ...

- En Python, tout est référence.
- a = b ⇒ a et b représentent le même objet (sémantique de partage)
- Mais on ne s'en rend pas compte si a et b sont non-mutable! (e.g. entiers, flottants, chaînes)



Modification de référence ou modification de valeur?

Les deux morceaux de code suivant sont-ils équivalents?

```
liste1 = [1, 2, 3]
listel.append(42)
liste2 = [1, 2, 3]
liste2 = liste2 + [42]
```

 Utiliser l'opérateur is et/ou http://pythontutor.com/pour comprendre.



Types Références Structures Récursivité Exercices Tris de liste Objet Extra

Sommaire

- Programmation multi-fichiers : Imports
- Types des expressions
- Références vs. valeurs
- Structures de données
- 6 Fonctions récursives
- 6 Exercice:
- Tris de liste
- Quelques mots sur la programmation objet
- Si le temps le permet



Structures de données (1)

- Les listes ([..., ...]):
 - Peuvent contenir des éléments de types différents.
 - Peuvent être modifiées.

```
>>> 1 = [0, 1, 1., "deux"]
>>> 1.append(True)
>>> 1
[0, 1, 1., 'deux', True]
```



Structures de données (1)

- Les listes ([..., ...]):
 - Peuvent contenir des éléments de types différents.
 - Peuvent être modifiées.

```
>>> 1 = [0, 1, 1., "deux"]
>>> 1.append(True)
>>> 1
[0, 1, 1., 'deux', True]
```

- Les tuples ((..., ...)):
 - Ne peuvent être modifiés.
 - Utiles pour les affectations.

```
>>> t = (0, 1, 1)
>>> a = t[0]; b = t[1]; c = t[2]
>>> (a, b, c) = (0, 1, 1)
>>> a, b, c = 0, 1, 1
```



Structures de données (2)

- Les ensembles :
 - Des listes non ordonnées.
 - Ne contiennent pas de doublons.

```
>>> {"zero", 1, 1, "deux"} {1, 'zero', 'deux'}
```



Structures de données (2)

- Les ensembles :
 - Des listes non ordonnées.
 - Ne contiennent pas de doublons.

```
>>> {"zero", 1, 1, "deux"}
{1, 'zero', 'deux'}
```

- Les dictionnaires
 - Associent des valeurs à des clés.
 - les clés doivent être de type non modifiable.

```
>>> d = {}
>>> d["cle1"] = "valeur1"
>>> d["cle2"] = "valeur2"
>>> d["cle1"]
'valeur1'
>>> d
{'cle1': 'valeur1', 'cle2': 'valeur2'}
>>> "cle3" in d
False
```



Types Références Structures Récursivité Exercices Tris de liste Objet Extra

Sommaire

- Programmation multi-fichiers : Imports
- 2 Types des expressions
- Références vs. valeurs
- Structures de données
- 5 Fonctions récursives
- 6 Exercice:
- Tris de liste
- Quelques mots sur la programmation obje
- Si le temps le permet ...



octobre 2016

Fonctions récursives

- Fonction récursive : fonction qui se rappelle elle-même.
- Attention à la condition d'arrêt!

```
def fact(n):
    if n <= 1:
        # condition d'arret
        return 1
    else:
        # appel recursif
        return n * fact(n - 1)</pre>
```



Sommaire

- Exercices



Retour sur méthode de Héron (1/2)

- Version « mathématique » : $x_{n+1} = \frac{x_n + a/x_n}{2}$, $x_0 = a$
- Version itérative :

```
def heron1(x, n):
    res = x
    for i in range(n):
        res = (res + x / res) / 2
    return res
```

Version récursive naive (pourquoi est-ce si lent?) :

```
def heron(x, n):
    if n == 0:
        return x
    else:
        return (heron(x, n - 1) +
              x/heron(x, n-1)) / 2
print heron2(2, 23)
```



Retour sur méthode de Héron (2/2)

```
def heron3(x, n):
    if n == 0:
        return x
    else:
        # Un seul appel récursif ...
        xn1 = heron3(x, n - 1)
        # ... même si on utilise deux fois la valeur
        return (xn1 + x/xn1) / 2
```

→ Ah, ça va plus vite!



Petite parenthèse : la complexité

- Combien d'opérations pour traiter une donnée de taille n?
 - ightharpoonup O(n): on peut traiter n = plusieurs milliards
 - $O(n^2)$: on peut traiter n = plusieurs milliers
 - ▶ $O(2^n)$: lent avec n = 30, heures de calcul avec n = 40, quasi impossible d'atteindre n = 80.



- Implémentez une fonction fib2 (n) itérative qui retourne pour chaque n, Fn tel que :
 - $F_0 = 0$.
 - ▶ $F_1 = 1$.
 - $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ pour tout n > 1.
- Indices :
 - Traitez les cas particuliers à part.
 - ▶ Calculez les *F*₂, *F*₃, ..., *F*_n successivement.



Ex. 1 : Solution

```
def fib1(n):
    if n == 0:
        return 0
    if n == 1:
        return 1
    a = 0
    b = 1
    for i in range (1, n):
        a, b = b, b + a
    return b
```

- On dit que le coût de cette fonction est linéaire (ou O(n)¹).
- 1. Oui, le même qu'en maths!



Ex. 2 : Fibonacci récursive

- Implémentez maintenant la fonction fib2 (n), la version récursive de fib1 (n).
- Indice :
 - N'oubliez pas les conditions d'arrêts!
- Combien de fois appelle-t-on fib2(0) pour calculer fib2(n)?



Ex. 2: Solution

```
def fib2(n):
    if n == 0:
        return 0
    if n == 1:
        return 1
    return fib2(n - 1) + fib2(n - 2)
```

• On dit que le coût de cette fonction est *exponentiel* ($O(2^n)$).



Types Références Structures Récursivité Exercices Tris de liste Objet Extra

Sommaire

- Programmation multi-fichiers : Imports
- 2 Types des expressions
- Références vs. valeurs
- Structures de données
- 5 Fonctions récursives
- 6 Exercices
- Tris de liste
- Quelques mots sur la programmation objet
- Si le temps le permet ...



Trier une liste

- Entrée : [1, 3, 2, 5, 4, -2]
- Sortie: [-2, 1, 2, 3, 4, 5]
- Beaucoup d'algorithmes (≈ 65 sur wikipedia)
- Premier exemple: tri bulle (peu efficace, mais simple)
 - Parcourir le tableau
 - Pour chaque paire d'éléments consécutifs dans le mauvais ordre, inverser les deux.
 - Recommencer autant de fois que nécessaire



Tri Bulle : une solution (très naive)

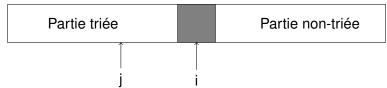
```
def tri bulle(liste):
    done = False
    while not done:
        done = True
        for i in range(len(liste) - 1):
            if liste[i] > liste[i + 1]:
                 done = False
                 liste[i], liste[i + 1] = \setminus
                     liste[i + 1], liste[i]
    return liste
print tri bulle([1, 3, 2, 5, 4, -2])
```

- Combien d'opérations?
- Comment améliorer?



Tri par insertion

- Tri d'un paquet de cartes :
 - Partie triée en main gauche
 - Partie non-triée en main droite
 - On insère la première carte de la main droite au bon endroit
- Idem avec une liste / un tableau :



- i = indice de la valeur à insérer
- ▶ j = indice où 1 [i] doit être inséré



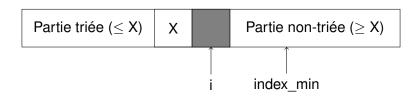
Tri par insertion : corrigé

```
Partie triée Partie non-triée
```

```
def insertion_sort(lst):
    for i in range(1, len(lst)):
        value = lst[i]
        j = i
        while j > 0 and lst[j - 1] > value:
            lst[j] = lst[j - 1]
            j = j - 1
        lst[j] = value
    # print(lst)
```



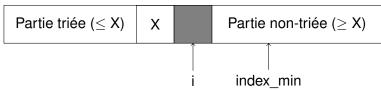
Tri par sélection du minimun



- Recherche du minimum dans la partie non-triée (index_min)
- Échange de lst[index_min] et lst[i]
- Incrément de i et on recommence!
- À vous!



Tri par sélection du minimum : corrigé



```
def selection_sort(lst):
    for i in range(len(lst) - 1):
        min = lst[i]
        i_min = i
        for j in range(i, len(lst)):
            if lst[j] < min:
                 min = lst[j]
                 i_min = j
        lst[i], lst[i_min] = lst[i_min], lst[i]</pre>
```



Sommaire

- Quelques mots sur la programmation objet



s Types Références Structures Récursivité Exercices Tris de liste Objet Extra

Besoin numéro 1 : structurer les données

Exemple : représenter une personne → nom, prénom, âge.
 Comment faire ?



Besoin numéro 1 : structurer les données

- Exemple : représenter une personne → nom, prénom, âge.
 Comment faire ?
- Version 1 : avec une liste.
 - ▶ Pierre Dupont, 23 ans ~ ['Pierre', 'Dupont', 23]
 - ▶ Obtenir l'âge de x ~ x [2]
 - Problèmes : facile de se mélanger les pinceaux entre les indices !



Besoin numéro 1 : structurer les données

- Exemple : représenter une personne → nom, prénom, âge. Comment faire?
- Version 1 : avec une liste.
 - ▶ Pierre Dupont, 23 ans ~> ['Pierre', 'Dupont', 23]
 - Obtenir l'âge de x → x [2]
 - Problèmes : facile de se mélanger les pinceaux entre les indices!
- Version 2 : avec une liste + des fonctions
 - Exemple (cf. person struct.py):

```
def build person(first, last, age):
    return [first, last, age]
def get first(x):
    return x[0]
```

Plus lisible, moins d'erreurs



Besoin numéro 1 : structurer les données

- Exemple : représenter une personne → nom, prénom, âge. Comment faire?
- Version 1 : avec une liste.
 - ▶ Pierre Dupont, 23 ans ~> ['Pierre', 'Dupont', 23]
 - Obtenir l'âge de x → x [2]
 - Problèmes : facile de se mélanger les pinceaux entre les indices!
- Version 2 : avec une liste + des fonctions
 - Exemple (cf. person struct.py):

```
def build person(first, last, age):
    return [first, last, age]
def get first(x):
    return x[0]
```

- Plus lisible, moins d'erreurs
- Version 3 : en programmation objet



Un objet : des variables mises ensemble

- 1 classe = type de données, possiblement défini par l'utilisateur (contient 1 ou plusieurs « champs »)
- 1 objet = instance de classe
- Exemple (cf. person_object.py):

```
# La classe "Person"
class Person (object):
    def __init__(self, first, last, age):
        self.first = first
        self.last = last
        self.age = age
# On crée une instance de la classe (un objet)
# et on l'affecte à x :
x = Person('Pierre', 'Dupont', 23)
print x.first, x.last, "a", x.age, "ans."
```



Un objet : des variables et des fonctions

 En plus des « champs » (données), on va ajouter des méthodes (ou « fonctions membres ») pour manipuler ces données.

```
# La classe "Person"
class Person (object):
    def init (self, first, last, age):
        self.first = first
        self.last = last
        self.age = age
    def display (self):
        print self.first, self.last, \
            "a", self.age, "ans."
x = Person('Pierre', 'Dupont', 23)
# Appel de la méthode "display"
x.display()
```



Héritage : construire une classe en partant d'une autre

- Sujet complexe mais fondamental en objet (pas le temps de l'expliquer vraiment ici)
- Teacher dérive de Person : « Teacher sait faire tout ce que Person sait faire, plus d'autres choses ».
- Appel de méthodes : Python va choisir la méthode de la bonne classe à l'exécution (mots clés : liaison dynamique ou polymorphisme dynamique).
- Exemple: person_hierarchie.py



- Sujet complexe mais fondamental en objet (pas le temps de l'expliquer vraiment ici)
- Teacher dérive de Person : « Teacher sait faire tout ce que Person sait faire, plus d'autres choses ».
- Appel de méthodes : Python va choisir la méthode de la bonne classe à l'exécution (mots clés : liaison dynamique ou polymorphisme dynamique).
- Exemple: person_hierarchie.py
- Résumé pour nous :
 - f (x) = appel de fonction f sur x
 - x.f() = appel de méthode f sur x
 - ▶ On a déjà rencontré les deux (exemple : liste.append (val))



Sommaire



Si le temps le permet ...

octobre 2016

Il se trouve que :

- $F_{2n-1} = F_n^2 + F_{n-1}^2.$ $F_{2n} = (2F_{n-1} + F_n)F_n.$
- Utilisez ces formules pour implémenter fib3 (n), une version récursive améliorée de Fibonacci.
- Indices :
 - L'opérateur modulo en Python est %.
- En quoi cette version est-elle meilleure que fib2 (n) ?



Ex. 3: Solution

```
def fib3(n):
    if n == 0:
        return 0
    if n == 1:
        return 1
    if n % 2 == 0:
        a = fib3(n // 2)
        b = fib3(n // 2 - 1)
        return (2 * b + a) * a
    else:
        a = fib3((n + 1) // 2)
        b = fib3((n + 1) // 2 - 1)
        return a ** 2 + b ** 2
```



Ex. 4: Fibonacci ultime!

- Au tour de la mémoïsation :
 - sauvegarder les résultats (dans un dictionnaire), afin d'éviter les calculs redondants.
- Implémentez la fonction fib4 (n, dico), sur la base de fib3 (n) et du principe de mémoïsation.
- Indices :
 - Avant de retourner un résultat, pensez à l'insérer dans le dictionnaire.
 - Avant de calculer un résultat, vérifiez s'il n'est pas déjà dans le dictionnaire.
- Cette fonction est de coût logarithmique, coût optimal pour le calcul de Fibonacci.



Ex. 4: Solution

```
def fib4(n, d):
    if n in d:
        return d[n]
    if n <= 1:
        d[n] = n; return n
    if n % 2 == 0:
        a = fib4(n // 2, d)
        b = fib4(n // 2 - 1, d)
        r = (2 * b + a) * a
        d[n] = r
        return r
    a = fib4((n + 1) // 2, d)
    b = fib4((n + 1) // 2 - 1, d)
    r = a ** 2 + b ** 2
    d[n] = r; return r
```

